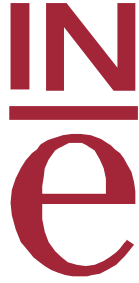


INSTITUTO NACIONAL DE ESTADÍSTICA



Tablas de mortalidad Metodología

Junio de 2013

Índice

1	Introducción	5
----------	---------------------	----------

2	Tablas de mortalidad de España	8
----------	---------------------------------------	----------

3	Tablas de mortalidad de comunidades autónomas y provincias	11
----------	---	-----------

1 Introducción

La tabla de mortalidad es un instrumento de análisis demográfico que permite analizar la incidencia de la mortalidad sobre los individuos de diferentes poblaciones en un periodo temporal determinado, con independencia de la estructura etaria que las mismas presenten. Más concretamente, una **tabla de mortalidad de periodo** pretende describir el comportamiento coyuntural del fenómeno sobre la población en estudio en un periodo determinado simulando la incidencia del mismo sobre una *cohorte* o *generación ficticia* de individuos sometidos a un patrón de mortalidad por edad idéntico al observado sobre la población en estudio durante el periodo de observación. De esta forma, la tabla de mortalidad calculada sobre diferentes poblaciones ofrece la posibilidad de establecer análisis comparativos sobre la incidencia del fenómeno en cada una de ellas, eliminando el efecto de la composición por edad de las mismas.

La tabla de mortalidad así entendida, denominada *de periodo* o *de contemporáneos*, proporciona, por tanto, una herramienta de *análisis transversal* del fenómeno de la mortalidad, en contraposición con las tablas de mortalidad *de generaciones*, basada en un *análisis longitudinal* de una generación concreta, desde su nacimiento hasta su completa extinción. Esta segunda tipología de tablas de mortalidad requiere necesariamente de un tiempo muy largo de observación del fenómeno, lo que las hace muy poco operativas.

Para ello, la tabla se compone de un conjunto de *funciones biométricas* definidas sobre una *cohorte ficticia* de individuos. Resulta indispensable tener una clara comprensión de cada una de ellas, de modo que sean correctamente interpretadas, antes de detallar como se lleva a cabo la aproximación estadística a las mismas a partir de las defunciones observadas sobre la población en estudio en el periodo de referencia. A continuación se definen y denotan tales funciones:

- **Supervivientes a la edad exacta x** , l_x : representa el número de individuos de la cohorte ficticia inicial que llegan con vida a la edad x .

- **Defunciones teóricas con edad x** , d_x : constituye el número de defunciones de la cohorte ficticia inicial que tienen lugar en individuos de edad cumplida x . Es evidente por tanto que $l_{x+1} = l_x - d_x$.

- **Promedio de años vividos el último año de vida** de los que mueren con edad cumplida x , a_x : se trata del tiempo promedio vivido con edad cumplida x por aquellos individuos de la cohorte ficticia que mueren con dicha edad.

- **Población estacionaria a la edad x** , L_x : corresponde al tiempo total vivido (medido en años) por los individuos de la generación ficticia con edad cumplida x . Como cada persona que sobrevive a la edad x contribuye un año a ese tiempo y, por término medio, los que fallecen con dicha edad contribuyen a_x años cada uno de ellos, dicha función se estima tradicionalmente por la expresión $L_x = l_{x+1} + a_x \cdot d_x$.

- **Tasa específica de mortalidad** a la edad x , m_x : se define como el número individuos de la cohorte ficticia que fallecen con edad cumplida x por tiempo de exposición al riesgo de muerte de los individuos de dicha generación. Es decir, se trata del cociente entre el número de defunciones de individuos con edad cumplida x y el tiempo total (medido en años) vivido por los individuos de la cohorte con dicha edad, es decir, $m_x = \frac{d_x}{L_x}$. La tasa específica de mortalidad a cada edad nos mide, de esta forma, la incidencia o intensidad relativa del fenómeno en cada edad.

- **Probabilidad o riesgo de muerte** con edad cumplida x , q_x : se define como la probabilidad de que un individuo perteneciente a la cohorte ficticia inicial que sobrevive hasta cumplir x años de edad muera con dicha edad. Se define, de esta forma, como el cociente entre el número de ocurrencias del fenómeno (las defunciones teóricas a la edad x , d_x), y el total de casos posibles o población sometida al riesgo del mismo (los supervivientes a la edad x , l_x), es decir, $q_x = \frac{d_x}{l_x}$.

Por otro lado, a partir de la relación estimada entre población estacionaria y función de supervivencia y de la propia definición de tasa específica de mortalidad en cada edad, se deriva una aproximación clásica entre riesgo de muerte y tasa de mortalidad a cada edad x :

$$q_x = \frac{m_x}{1 + (1 - a_x) \cdot m_x}$$

- **Esperanza de vida** a la edad x , e_x : representa el número medio de años que a un individuo de edad x perteneciente a la cohorte ficticia inicial le restaría por vivir. Su valor resulta del cociente entre el tiempo total (medido en años) que le resta por vivir a partir de cumplir x años de edad a los individuos de la generación ficticia hasta su completa extinción y el número de supervivientes

de la misma a la edad x . Es decir, $e_x = \frac{\sum_{y \geq x} L_y}{l_x}$.

Pues bien, las tablas de mortalidad de periodo anual presentadas mantienen, por tanto, el objetivo de describir el comportamiento coyuntural de la mortalidad de la población residente, de cada sexo y de ambos sexos, en España, sus comunidades autónomas y provincias. Para ello, se somete a una *cohorte ficticia* de 100.000 individuos al patrón de mortalidad por edad definido, básicamente, por las tasas específicas de mortalidad observadas sobre la población en estudio en el año de referencia y se derivarán sobre la misma el resto de *funciones biométricas* de la tabla de mortalidad.

Además, para dicho fin se hace uso de toda la información estadístico-demográfica disponible al efecto. En concreto, las tablas de mortalidad que se

presentan se calculan a partir de los resultados de defunciones ocurridas en España cada año proporcionados por la estadística del Movimiento Natural de la Población y de las cifras de población residente a 1 de enero de cada año que el INE emplea como referencia en toda su producción estadística, constituidas por las Estimaciones Intercensales de Población hasta 2011 y Cifras de Población desde 2012.

La estimación de las tasas específicas de mortalidad observadas sobre la población en estudio durante el año de referencia y de las demás funciones biométricas de la tabla se lleva a cabo de acuerdo a la metodología que a continuación se describe.

Por último, ha de advertirse que las tablas de mortalidad del nivel nacional ofrecen resultados desagregados por edades simples, mientras que los resultados de las tablas de mortalidad autonómicas y provinciales se proporcionarán agregados por grupos quinquenales de edad, salvo en las edades 0 y 1.

2 Tablas de mortalidad de España

La tabla de mortalidad de España mide la incidencia de la mortalidad sobre la población residente en el país durante el año de referencia simulando el comportamiento de la misma sobre una *cohorte* o *generación ficticia* de individuos sometidos a un patrón de mortalidad por edad idéntico al observado sobre la población en estudio durante el periodo de observación. Concretamente, tal simulación consiste en aplicar a una generación ficticia de individuos la incidencia de la mortalidad en cada edad determinada, básicamente, por las tasas específicas observadas sobre la población residente en España durante el año de referencia y derivar, a partir de las mismas, las demás funciones que componen su tabla de mortalidad.

La **tasa específica de mortalidad** a la edad x observada sobre la población en estudio, m_x , se estima, bajo la hipótesis de distribución uniforme de los cumpleaños de todos los individuos de la población que no mueren a lo largo del año con una determinada edad y de distribución también uniforme a lo largo del año del día de llegada de los individuos que se incorporan a la población en estudio y del día de salida de los individuos que emigran de dicha población durante el año de observación, mediante la expresión:

$$m_x = \frac{D(t, x, s)}{\frac{(P(t, x, s) - D_2(t, x, s))}{2} + \sum_{i=1}^{D_2(t, x, s)} b_2(t, x, s, i) + \frac{P(t+1, x, s)}{2} + \sum_{i=1}^{D_1(t, x, s)} b_1(t, x, s, i)},$$

$$x = 0, 1, \dots, 99.$$

Siendo:

t , el año o periodo de observación.

x , la edad o años cumplidos, con $x = 0, 1, 2, \dots, 99$.

s , el sexo, que puede tomar los atributos varón, mujer o ambos sexos.

$P(t, x, s)$ es el stock de población residente a 1 de enero del año t con edad x y sexo s .

$D(t, x, s)$ es el número de fallecidos en el año t con edad x y sexo s .

$D_1(t, x, s)$ es el número de fallecidos en el año t , con edad x y sexo s , que cumple x años a lo largo de t .

$D_2(t, x, s)$ es el número de fallecidos en el año t , con edad x y sexo s , que cumplió x años a lo largo de $t-1$.

$b_1(t, x, s, i)$ se define como la diferencia (en años) entre la fecha de defunción y la fecha de cumpleaños (en el año t) de cada individuo i de sexo s fallecido durante el año t con edad x y que cumplió los x años a lo largo de t . Obsérvese que dicha cantidad coincide con el tiempo vivido (en años) con edad cumplida x

por cada individuo fallecido con esa edad en el año t de la generación que cumple x años a lo largo de dicho año.

$b_2(t, x, s, i)$ se define como la diferencia (en años) entre la fecha de defunción y el 1 de enero del año t para cada individuo i de sexo s fallecido durante el año t con edad x y que cumplió los x años a lo largo de $t-1$. Obsérvese que dicha cantidad coincide con el tiempo vivido (en años) durante el año t por cada individuo fallecido durante dicho año con x años de la generación que cumplió x años a lo largo de $t-1$.

Para el grupo abierto (100 y más años) de edad, dicho indicador se estima a partir de:

$$m_{100+} = \frac{D(t, 100+, s)}{\frac{(P(t, 100+, s) - D_2(t, 100+, s))}{2} + \sum_{i=1}^{D_2(t, 100+, s)} b_2(t, 100+, s) + \frac{P(t+1, 100+, s)}{2} + \sum_{i=1}^{D_1(t, 100, s)} b_1(t, 100, s, i)}$$

siendo:

t , el año o periodo de observación.

s , el sexo, que puede tomar los atributos varón, mujer o ambos sexos.

$D(t, 100+, s)$ es el número de fallecidos de individuos de 100 ó más años de edad y sexo s durante el año t .

$D_1(t, 100, s)$ es el número de fallecidos en el año t , con edad 100 y sexo s , que cumplen 100 años a lo largo de t .

$D_2(t, 100+, s)$ es el número de fallecidos en el año t , con 100 o más años de edad y sexo s , que cumplieron 100 años a lo largo de $t-1$.

$P(t, 100+, s) = \sum_{x \geq 100} P(t, x, s)$ es el stock de población residente a 1 de enero del año t de 100 o más años de edad y sexo s .

$b_1(t, x, s, i)$ se define como la diferencia (en años) entre la fecha de defunción y la fecha de cumpleaños (en el año t) de cada individuo i de sexo s fallecido durante el año t con edad 100 y que cumplió los 100 años a lo largo de t . Obsérvese que dicha cantidad coincide con el tiempo vivido (en años) con 100 años cumplidos por cada individuo fallecido con esa edad en el año t de la generación que cumple 100 años a lo largo de dicho año.

$b_2(t, x, s, i)$ se define como la diferencia (en años) entre la fecha de defunción y el 1 de enero del año t para cada individuo i de sexo s fallecido durante el año t con 100 o más años de edad y que cumplió los 100 años a lo largo de $t-1$. Obsérvese que dicha cantidad coincide con el tiempo vivido (en años) durante el

año t por cada individuo fallecido durante dicho año con 100 o más años de edad de la generación que cumplió 100 años a lo largo de $t-1$.

Asimilando los valores estimados de las tasas específicas de mortalidad de la población en estudio con los correspondientes a las tasas específicas de mortalidad en cada edad x de una cohorte ficticia de 100.000 individuos, la probabilidad o riesgo de muerte a la edad x , q_x , de dicha cohorte de individuos, que presenta la misma incidencia de la mortalidad a cada edad que la población observada en el año de referencia, se estima por la expresión:

$$q_x = \frac{m_x}{1 + (1 - a_x) \cdot m_x}, x = 0, 1, \dots, 99.$$

donde a_x es el promedio de años vividos en el último año de vida por aquellos individuos de la cohorte ficticia que mueren con edad cumplida x .

Dicha función, a_x , se estima también reflejando la incidencia coyuntural de la mortalidad sobre la población en estudio en el año de referencia, a partir del tiempo promedio vivido con edad x por los individuos de dicha población que mueren con dicha edad a lo largo del mismo, es decir:

$$a_x = \frac{\sum_{i=1}^{D(t,x,s)} a(t,x,s,i)}{D(t,x,s)}, x=0, 1, \dots, 99.$$

donde $a(t,x,s,i)$ es el tiempo vivido por el individuo i de la población en estudio, de sexo s , fallecido con edad x en el año de referencia t .

Para el grupo abierto (100 o más años) de edad considerado, para el que el suceso de muerte es un suceso seguro, se tiene:

$$q_{100+} = 1$$

$$a_{100+} = \frac{1}{m_{100+}}$$

Las funciones de supervivientes, l_x , y de defunciones teóricas, d_x , de la tabla se obtienen recurrentemente:

$$l_0 = 100000$$

$$d_x = l_x \cdot q_x \text{ y } l_{x+1} = l_x - d_x, \text{ para } x = 0, 1, 2, \dots, 99, 100 +.$$

Además, el total de tiempo vivido (medido en años) por los individuos de la generación ficticia, de sexo s , con edad cumplida x o población estacionaria de la tabla, se deriva de la expresión:

$$L_x = l_{x+1} + a_x \cdot d_x, \text{ para } x = 0, 1, \dots, 100 +$$

Finalmente, la función de esperanza de vida a la edad x para el sexo s resulta de:

$$e_x = \frac{\sum_{y \geq x} L_y}{l_x} \text{ para } x=0, 1, \dots, 99, 100+.$$

3 Tablas de mortalidad de comunidades autónomas y provincias

La tabla de mortalidad de una comunidad autónoma o provincia mide la incidencia de la mortalidad sobre la población residente en la misma durante el año de referencia simulando el comportamiento de la misma sobre una *cohorte* o *generación ficticia* de individuos sometidos a un patrón de mortalidad por edad idéntico al observado sobre la población en estudio durante el periodo de observación. Concretamente, tal simulación consiste en aplicar a una generación ficticia de individuos la incidencia de la mortalidad en cada edad determinada, básicamente, por las tasas específicas observadas sobre la población residente en la comunidad autónoma o provincia considerada durante el año de referencia y derivar, a partir de las mismas, las demás funciones que componen su tabla de mortalidad.

Ahora bien, manteniendo el objetivo de proporcionar una medición de la incidencia coyuntural del fenómeno durante el año de referencia, se adopta un procedimiento de agregación de resultados de una tabla de mortalidad completa por edades simples, en grupos quinquenales de edad, a fin de eludir distorsiones indeseables sobre los resultados proporcionados que puedan dificultar su interpretación como consecuencia directa de la aleatoriedad de las informaciones propia de poblaciones de más reducido tamaño.

De esta forma, partiendo de la función de supervivientes, l_x , y de la población estacionaria, L_x , de una tabla de mortalidad completa calculada con una metodología análoga a la empleada para el total nacional, se determinan los valores de la función de supervivientes, defunciones teóricas, y población estacionaria de la tabla de mortalidad autonómica o provincial con resultados agregados por grupos quinquenales de edad ($(0,1), [1,5), [5,9), \dots, [95, \infty)$)¹:

$$l_0 = 100.000$$

$$l_x, \text{ para } x = 1,5, \dots, 95$$

$$d_{0,1} = l_0 - l_1$$

$$d_{1,5} = l_1 - l_5$$

$$d_{x,x+n} = l_x - l_{x+n}, \text{ para } x = 5, \dots, 95 \text{ y } n = 5$$

donde $d_{x,x+n}$ son los individuos de la generación o cohorte ficticia fallecidos con edad cumplida perteneciente al grupo $[x, x+n)$.

$$d_{95+} = l_{95}$$

¹ En el caso de que en la comunidad autónoma o provincia considerada y durante el año de referencia no se observen defunciones en el grupo de edad más elevado, los resultados de ofrecerán considerando como grupo de edad final abierto el resultante de agregar éste al inmediatamente anterior. En todo caso, los resultados de Ceuta y Melilla presentan como último grupo de edad el de 90 y más años.

donde

$$L_{0,1} = L_0$$

$$L_{1,5} = \sum_{1 \leq y < 5} L_y$$

$$L_{x,x+n} = \sum_{x \leq y < x+n} L_y, \text{ para } x = 5, \dots, 90 \text{ y } n = 5$$

donde $L_{x,x+n}$ es el total de tiempo vivido (medido en años) por los individuos de la cohorte ficticia entre las edades x y $x+n$.

La población estacionaria en el grupo abierto de 95 y más años toma el valor L_{95+} de la tabla completa de partida.

Además, la función de probabilidad o riesgo de muerte a la edad x resulta entonces de la expresión:

$$q_{0,1} = \frac{d_{0,1}}{l_0}$$

$$q_{1,5} = \frac{d_{1,5}}{l_1}$$

$$q_{x,x+n} = \frac{d_{x,x+n}}{l_x}, \text{ para } x = 5, \dots, 95 \text{ y } n = 5^2$$

donde $q_{x,x+n}$ es la probabilidad o riesgo que los individuos de la generación o cohorte ficticia que sobreviven a la edad x mueran antes de cumplir $x+n$ años.

$$q_{95+} = 1$$

Con ello, la esperanza de vida a la edad x se calcula como:

$$e_x = \frac{\sum_{y \geq x} L_y}{l_x} \text{ para } x = 1, 5, \dots, 95$$

Finalmente, se estima consistentemente tanto promedio de años vividos el último año de vida por aquellos individuos de la cohorte ficticia que mueren con edad cumplida perteneciente al grupo $[x, x+n)$ como la tasa específica de mortalidad en el grupo de edad $[x, x+n)$, mediante las expresiones:

² En el caso extremo en que las defunciones observadas sobre la comunidad autónoma o provincia considerada durante el año de referencia resultaran inconsistentes con las estimaciones de población empleadas en el cálculo produciendo un valor imposible de la probabilidad de muerte en un determinado grupo de edad superior a 1, dicho valor se imputaría por 1 y los resultados se proporcionarían con grupo de edad final agregado a partir de éste.

$$a_{0,1} = 1 - \frac{l_0 - L_{0,1}}{d_{0,1}}$$

$$a_{1,5} = 1 - \frac{4 \cdot l_1 - L_{1,5}}{4 \cdot d_{1,5}}$$

$$a_{x,x+n} = 1 - \frac{n \cdot l_x - L_{x,x+n}}{n \cdot d_{x,x+n}}, \text{ para } x = 1,5, \dots, 95 \text{ y } n = 5$$

donde $a_{x,x+n}$ es el promedio de años vividos el último año de vida por los individuos de la cohorte ficticia fallecidos con edad cumplida perteneciente al grupo $[x, x + n)$.

$$a_{95+} = \frac{1}{m_{95+}}$$

donde a_{95+} es el promedio de años vividos por los supervivientes a los 95 años de la cohorte ficticia a partir de dicha edad.

$$m_{0,1} = \frac{d_{0,1}}{L_{0,1}}$$

$$m_{1,5} = \frac{d_{1,5}}{L_{1,5}}$$

$$m_{x,x+n} = \frac{d_{x,x+n}}{L_{x,x+n}}, \text{ para } x = 1,5, \dots, 95 \text{ y } n = 5$$

donde $m_{x,x+n}$ es la tasa específica de mortalidad en el grupo de edad $[x, x + n)$ de la cohorte ficticia.

$$m_{95+} = \frac{d_{95+}}{L_{95+}}$$

donde m_{95+} es la tasa de mortalidad de 95 o más años de la cohorte ficticia.